

PROBABILIDADE  $p(x)$

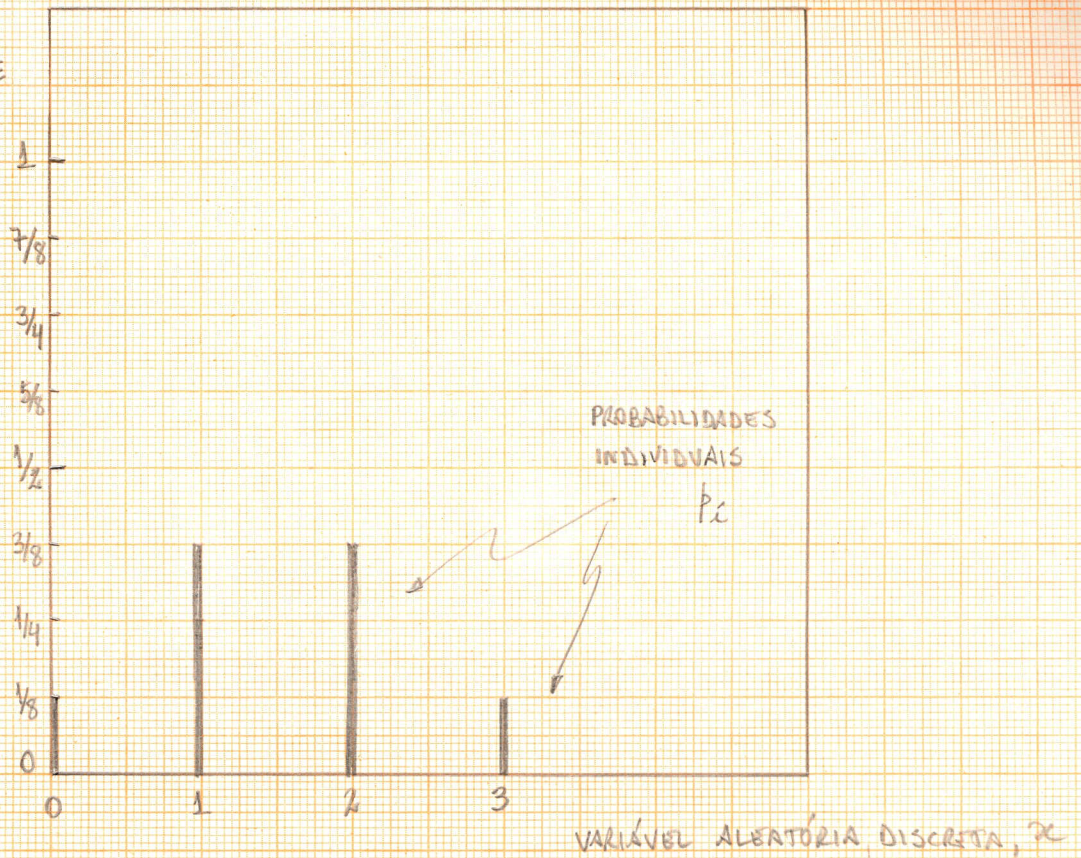


Fig. 23 - DIAGRAMA DE PROBABILIDADES - DISTRIBUIÇÃO DISCRETA

PROBABILIDADE  $P(x)$

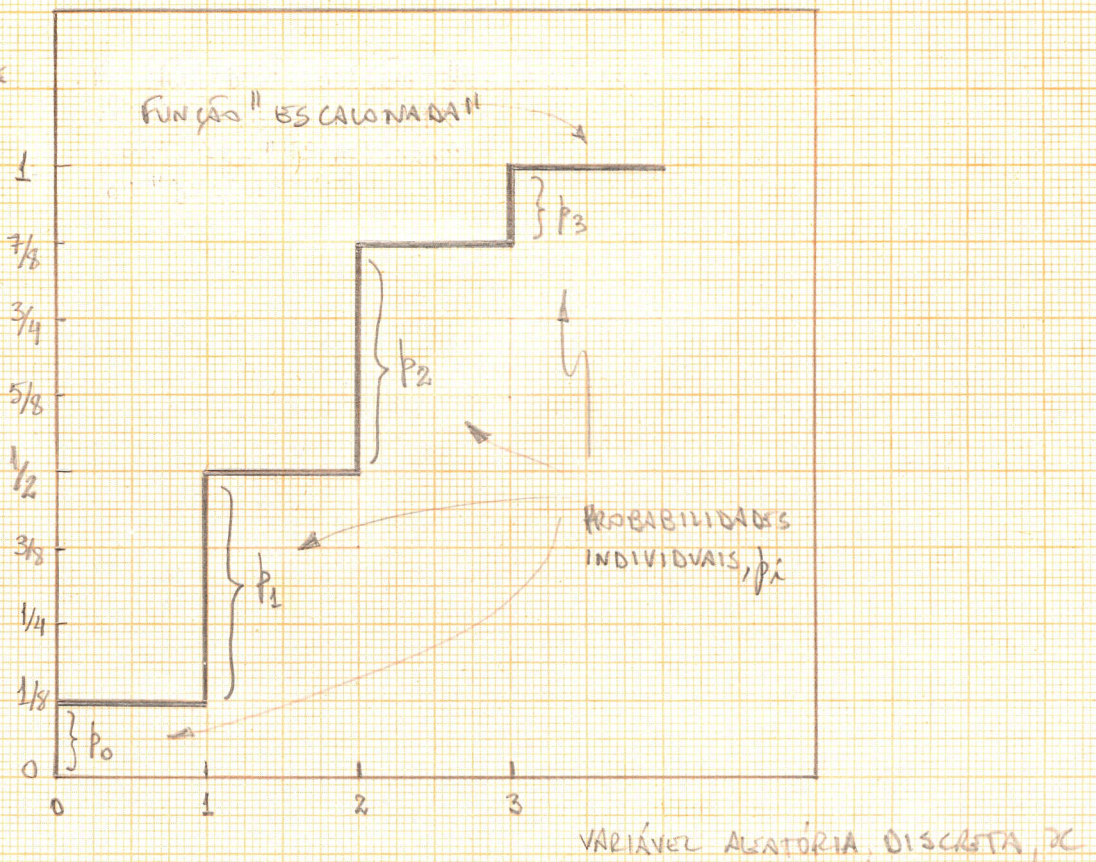


Fig. 24 - FUNÇÃO DISTRIBUIÇÃO DE PROBABILIDADES - DISCRETA ACUMULADA



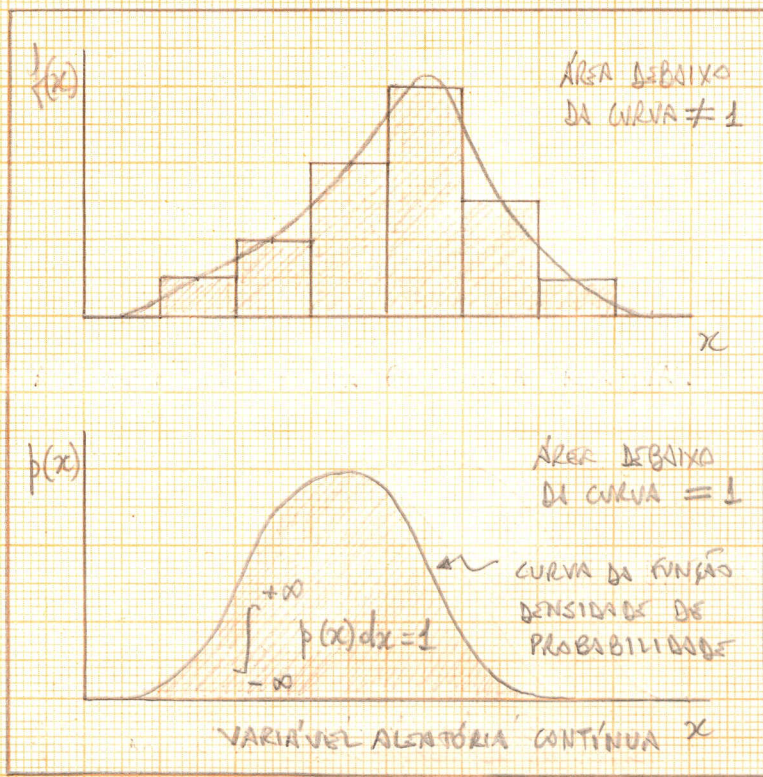


Fig. 26 - CURVAS DE DISTRIBUIÇÃO CONTÍNUA DE FREQUÊNCIAS E PROBABILIDADES: A PROBABILIDADE É UMA FREQUÊNCIA RELATIVA E, DO MESMO MODO, PODE SER REPRESENTADA PELA ALTURA OU PELA ÁREA (USUAL E PADRONIZADA PARA A UNIDADE).

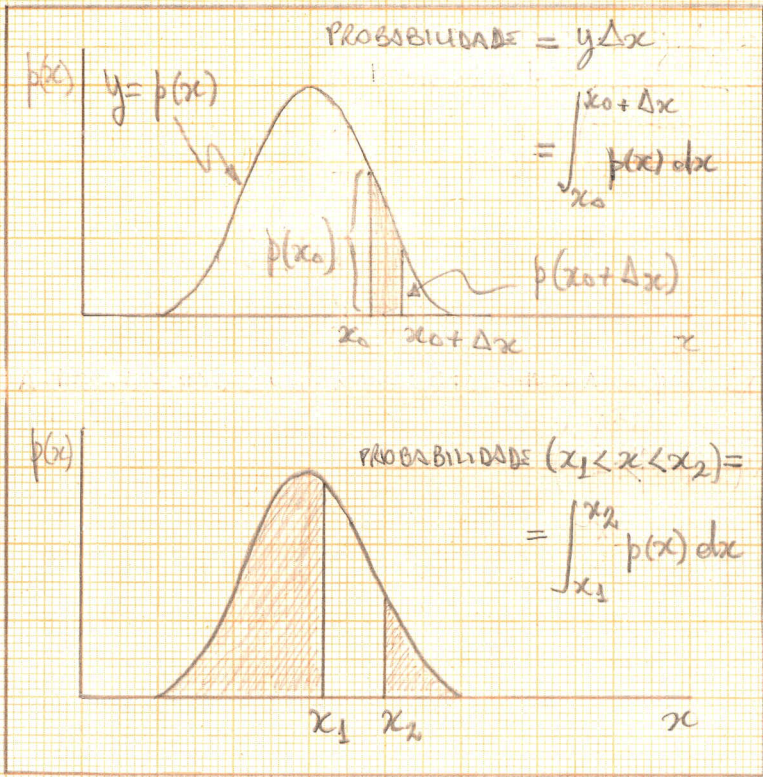
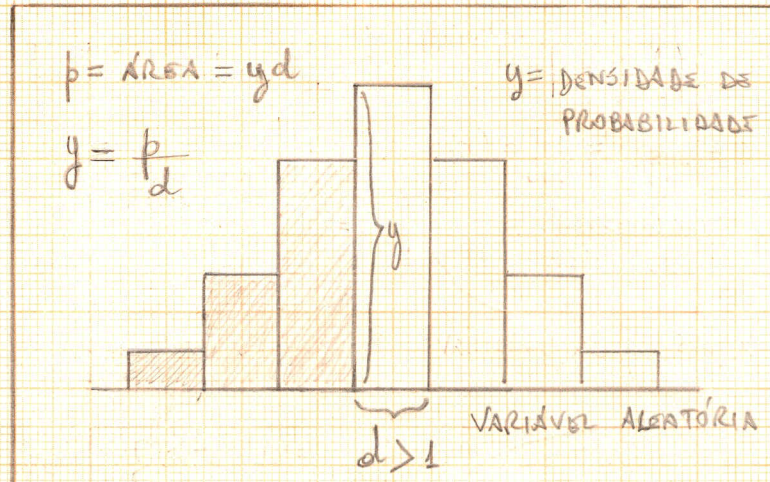


Fig. 27 - DOIS MODOS DE REPRESENTAÇÃO DE PROBABILIDADES.  $p(x)$  NÃO É A PROBABILIDADE DE OCORRER  $x$ ; É UMA DENSIDADE; É A PROBABILIDADE DE  $x$  CAIR DENTRA DUM INTERVALO  $\Delta x$ .

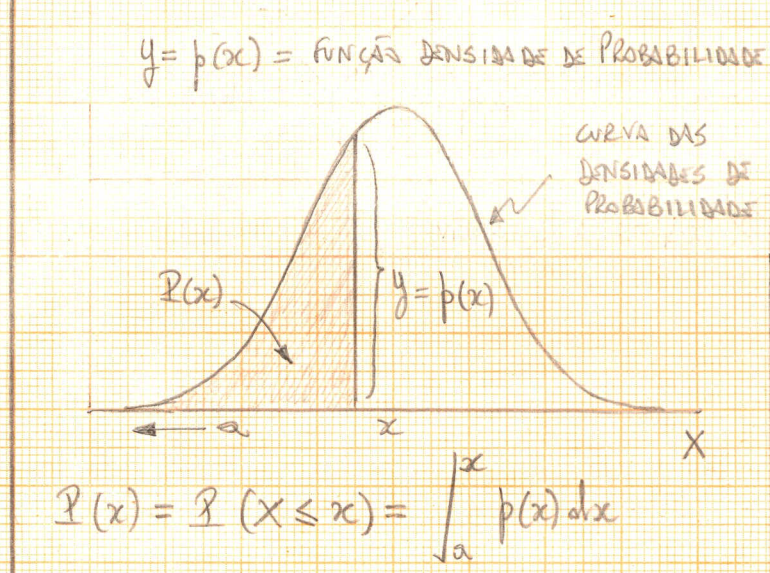
38  
 TUBERA  
 MILIMETRADO A4 210x297mm  
 250  
 200  
 150  
 100  
 50  
 0  
 Cód. 15141  
 0 50 100 150 54



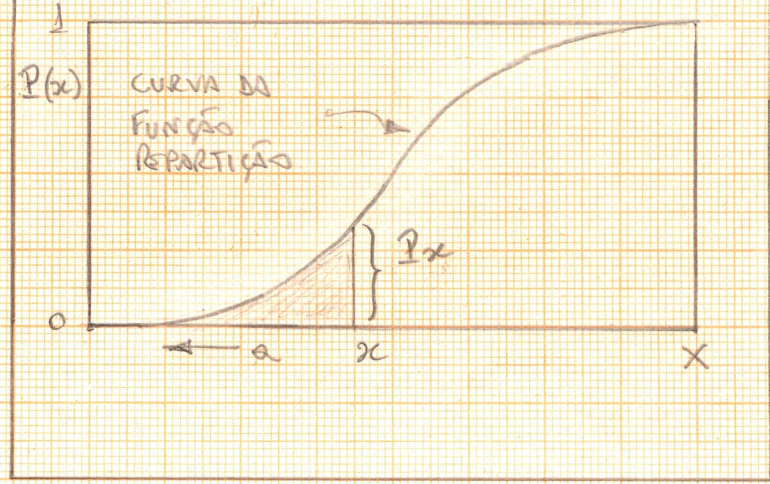
HELLER  
MANUAL DE  
STATISTICS  
BIOLOGIQUE  
Fig. 7.1



HELLER  
MANUAL DE  
STATISTICS  
BIOLOGIQUE  
Fig. 7.3.1



$P(x) = \text{FUNÇÃO REPARTIÇÃO OU DENSIDADE DE PROBABILIDADE ACUMULADA.}$



CHATFIELD  
STATISTICS  
FOR  
TECHNOLOGY

Fig. 25 - CURVAS DE DISTRIBUIÇÕES CONTÍNUAS DE DENSIDADES DE PROBABILIDADES (SIMPLES) E DISTRIBUIÇÃO DE PROBABILIDADES (ACUMULADA).

LIBRERIA MILIMETRADO A4 210x297mm  
250  
200  
150  
100  
50  
0

0 50 100 150



## Distribuições Discretas de Probabilidade

Nome	Significado e Aplicações
Binominal	<p>Determina a probabilidade de ocorrência de um evento numa série de tentativas, representada por uma variável aleatória discreta, onde sã existam duas alternativas de resultados: "sucesso e insucesso" ou "branco e escuro" ou "ligado e desligado".</p> <p>Aplica-se em amostragem, planos de inspeção, jogos de azar tipo "cara ou coroa", contagem de glóbulos brancos e vermelhos em hemocitômetros, contagem de células vivas e mortas, ou qualquer experimento, onde:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 - Existirá um número fixo de tentativas, sucessivas e simultâneas</li> <li>2 - O resultado de cada tentativa deve ser uma dicotomia, isto é, sucesso ou insucesso.</li> <li>3 - Todas as tentativas possuem idênticas probabilidades de sucesso.</li> <li>4 - As tentativas são independentes entre si.</li> </ol> <p>Ver Figuras 29 e 30.</p>
Polinomial ou Multinomial	<p>É uma generalização de Distribuição Binomial.</p> <p>Determina as probabilidades de uma variável aleatória discreta, assumir diversos valores(ou classes) numa série de tentativas nas quais cada resultado tenha sua probabilidade própria de ocorrer num experimento, Admite-se que:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 - Existirá um número fixo de tentativas, sucessivas ou simultâneas.</li> <li>2 - Poderão ocorrer diversos resultados ou eventos discretos com probabilidades próprias(diferentes ou mesmo iguais em alguns casos).</li> <li>3 - O resultado de cada tentativa será mutuamente exclusivo.</li> <li>4 - Os eventos ou resultados são independentes entre si.</li> </ol> <p>Aplica-se em amostragem.</p>



QUADRO 16 - Continuação  
Distribuições Discretas de Probabilidades

Nome	Significado
Poisson	<p>É um caso particular da Distribuição Binomial, válido para eventos raros, sendo limite ou aproximação desta quando:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 - O número de tentativas for grande (acima de 50).</li> <li>2 - A probabilidade de ocorrência do evento (raro) for próxima de zero (menor ou igual a 0,1)</li> <li>3 - As tentativas ou eventos raros são independentes entre si, podendo ser sucessivas ou simultâneas.</li> </ol> <p>Aplica-se em amostragem, desintegração radioativa com tempos de meia-vida curtos ou para avaliação do número de partículas alfa emitidos por uma fonte radioativa num dado tempo, ao número de bactérias visíveis sob o microscópio numa área fixa de uma placa, contagem de glóbulos sanguíneos, mutações causadas por radiação, defeitos em materiais, estrelas no espaço, colisões de autos em tráfego, circuitos telefônicos, alimentação de computadores, etc. Ver Figura 31.</p>
Binomial Negativa	<p>É outro caso particular da Distribuição Binomial</p> <p>Representa a distribuição discreta de probabilidades de ocorrências de insucessos antes de ocorrer um sucesso (pré) determinado. Os valores assumidos pela variável aleatória discreta são inteiros positivos crescentes. É uma distribuição acumulada que pode ter um ramo positivo (ou crescente) e um ramo negativo (ou decrescente). Ver Figura 32.</p>
Geométrica de Pascal	<p>É um caso particular da Distribuição Binomial Negativa que se apresenta o ramo decrescente. Ver Figura 33.</p>
Hipergeométrica	<p>Aplica-se para amostras. Determina as probabilidades de ocorrência de um dado número de itens particulares numa amostra dicotômica removida sem reposição de uma série finita de itens dicotômicos. É outro caso particular da distribuição binomial. Aplica-se e, amostragem visando aceitação de lotes por atributos. É o número de itens particulares contidos na amostra, ao invés da população considerada, que gera a distribuição discreta de probabilidades hipergeométrica. Quando o tamanho da população for grande e o tamanho da amostra for relativamente pequeno com relação à população, a distribuição será binomial.</p> <p>Quando a população for grande e as probabilidades de ocorrência indicarem que se trata de um evento raro, então a distribuição será de Poisson.</p>



QUADRO 16 - Continuação

Distribuições Discretas de Probabilidade

Nome	Significado
Logarítmica ou de Fisher	<p>É outro caso particular da Distribuição Binomial Negativa. Determina as probabilidades de ocorrência de espécies(eventos) diferentes em amostras aleatórias numa população heterogênea (discreta) quando:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1 - O número de indivíduos ou entes da população é muito grande (tende para infinito).</li> <li>2 - Todas as espécies(eventos) apresentam a mesma abundância e iguais probabilidades de captura ou de ocorrência na amostragem.</li> <li>3 - Nenhuma espécie em particular possui uma elevada probabilidade de ocorrência; ao invés disto, cada probabilidade é pequena.</li> </ol> <p>Aplica-se em casos onde a variável aleatória discreta represente números inteiros, não-nulos, de espécies por genero, o número de generos por sub-família, o número de parasitas for hospedeiros , etc.</p>

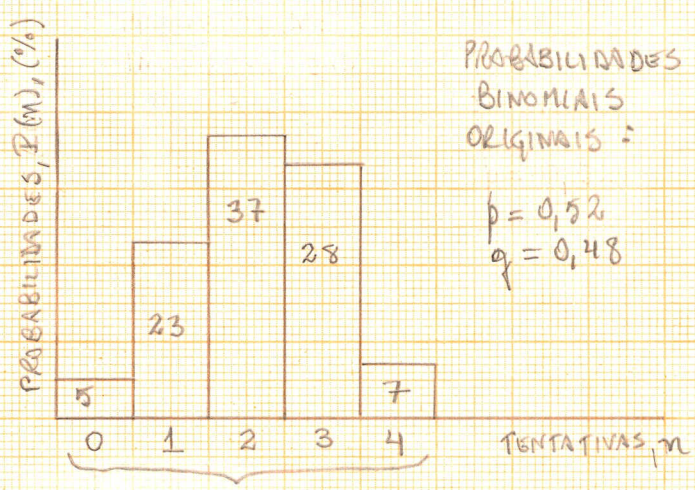


A LEI BINOMIAL APRESENTA AS PROBABILIDADES DE UM EVENTO (SUCESSO) COM PROBABILIDADE ORIGINAL  $p$  OCORRER 0, 1, 2, 3, ...  $i$  ...  $n$  VIZES AO CURSO DE  $n$  TENTATIVAS IDENTICAS E INDEPENDENTES

PARA TODOS OS VALORES DE  $p \neq 1/2$ , A DISTRIBUICAO E ASSIMETRICA.

EXEMPLO:

DISTRIBUICAO DE PROBABILIDADES DE OCORRER DIFERENTES NUMEROS DE MENINOS NUMA FAMILIA DE 4 FILHOS, CUA PROBABILIDADE MASCULINA EM CADA PARTO SEJA 52%



PROBABILIDADES BINOMIAIS ORIGINAIS:

$p = 0,52$   
 $q = 0,48$

NUMEROS DE MENINOS POSSIVEIS E SUAS RESPECTIVAS PROBABILIDADES (%) INDIVIDUAIS (TOTAL 100%).

HEUER  
 MANUEL DE STATISTIQUES BIOLOGIQUES  
 pag. 94  
 PARODINE & RIVETT  
 METODOS ESTADISTICOS PARA TECNOLOGISTAS  
 pag. 48

Fig. 29 SIGNIFICADO E EXEMPLO DA DISTRIBUICAO DISCRETA BINOMIAL



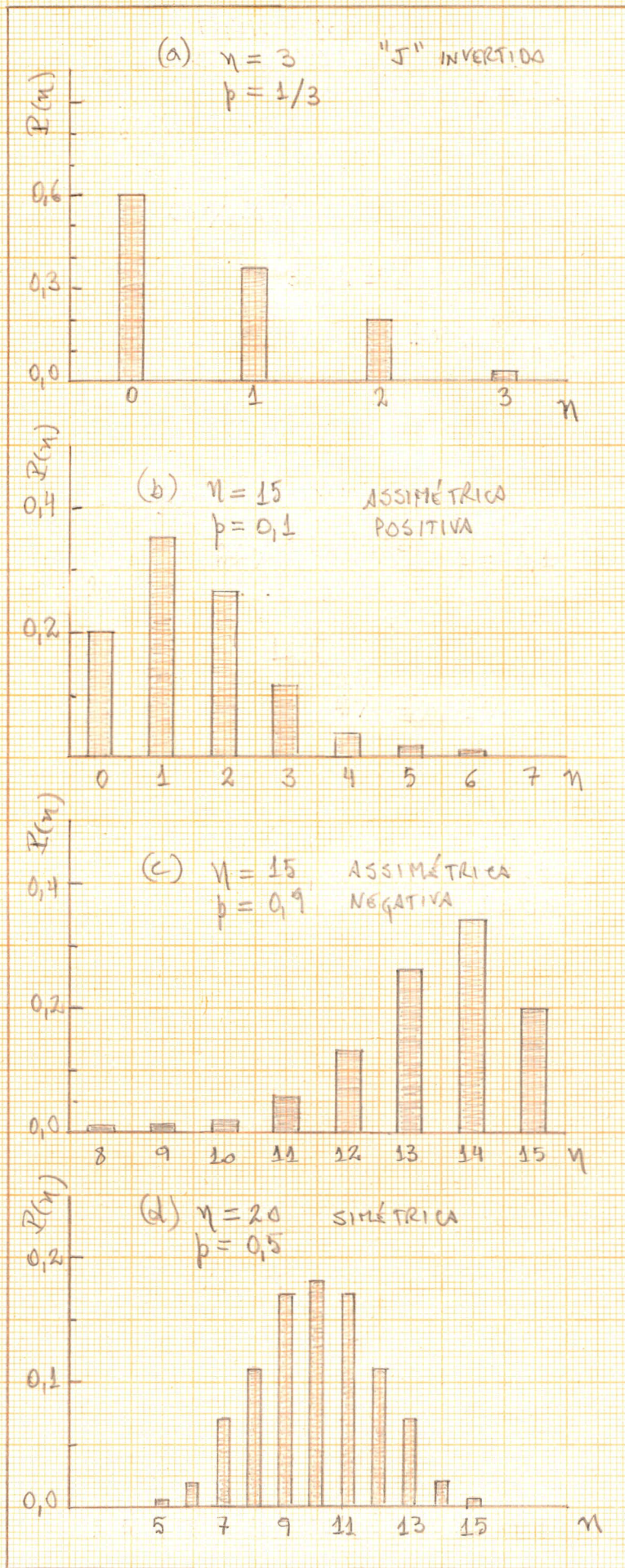
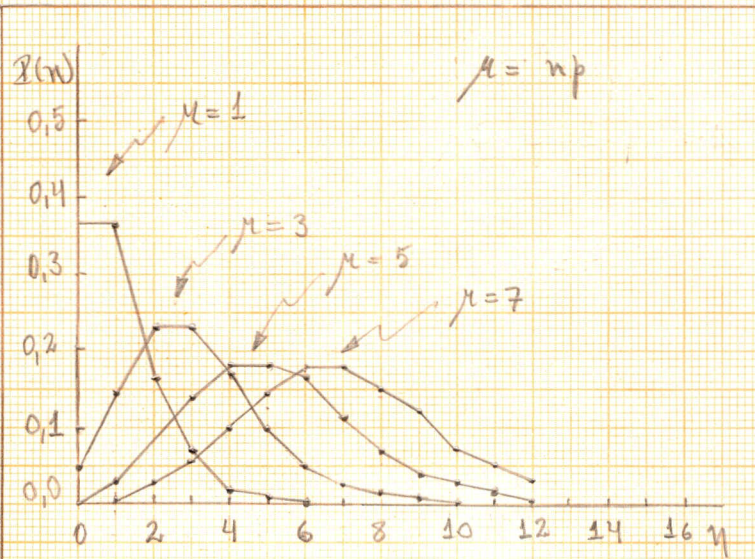


Fig. 30 EXEMPLOS DE DISTRIBUIÇÕES DISCRETAS BINOMIAIS





(a) POLÍGONOS DE PROBABILIDADES

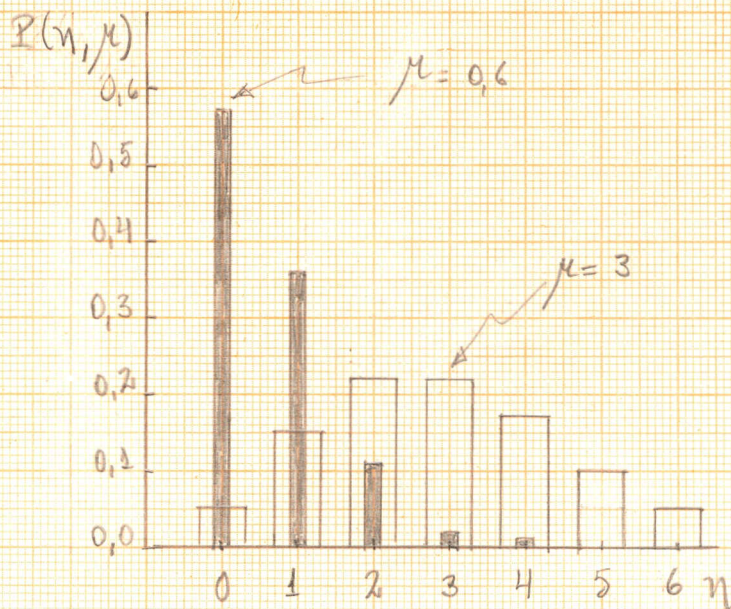
EVENTOS RAROS:  $\eta \rightarrow \infty$  em  $\eta \geq 20$   
 $p \rightarrow 0$  ou  $p \leq 1/30$

DURANTE AS TENTATIVAS OU REPETIÇÕES, A MÉDIA  $\mu$  DA DISTRIBUIÇÃO É CONSTANTE.

PARA  $\mu$ 'S BAIXOS A ASSIMETRIA É CONSIDERÁVEL.  
 PARA  $\mu$ 'S ELEVADOS TENDE-SE PARA A SIMETRIA E  
 PARA  $p = 0,5$  TAMBÉM

SE  $q = 1 - p \rightarrow 1$ , ENTÃO:  $\mu = \sigma^2$

A REPRESENTAÇÃO EM BARRAS DIFICULTA SOBREPOR 3  
 OU MAIS DISTRIBUIÇÕES DE POISSON NO PAPEL.



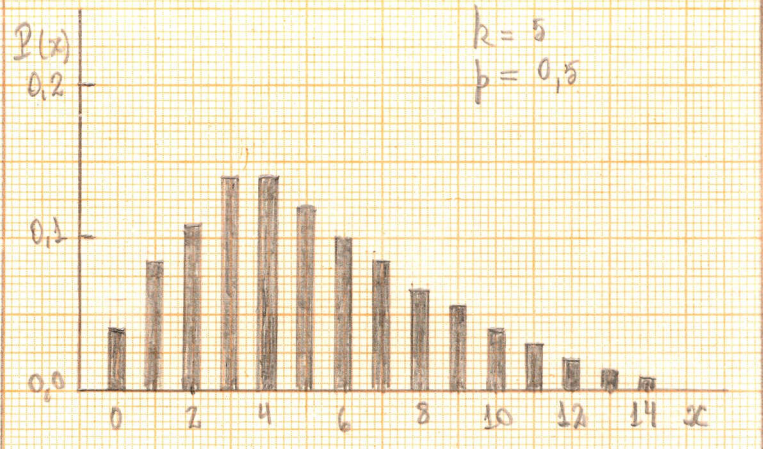
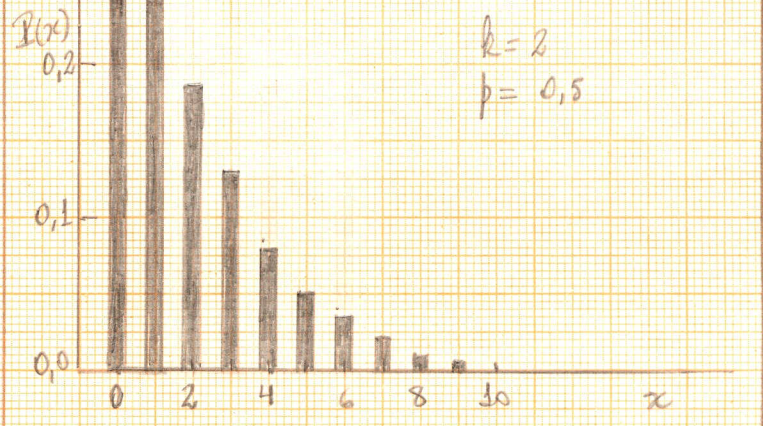
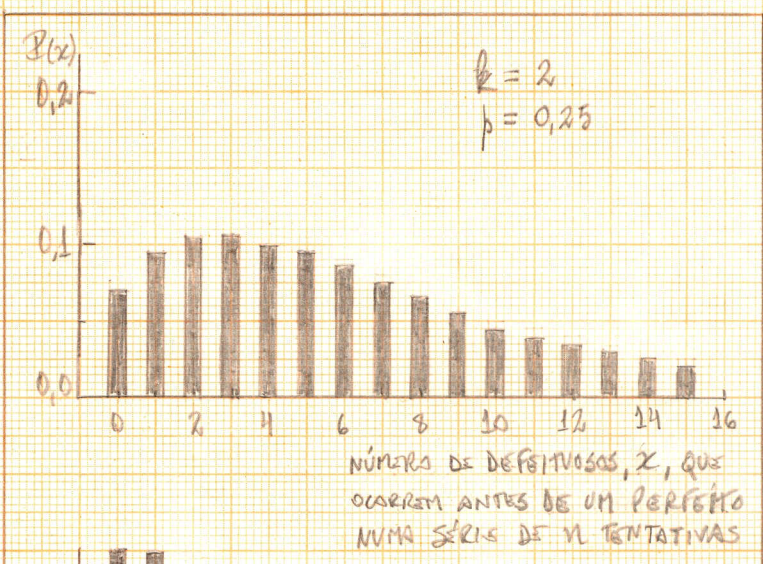
(b) REPRESENTAÇÃO EM BARRAS

BARFORD  
EXPERIMENTAL  
MEASUREMENTS:  
PRECISION,  
ERROR AND  
TRUTH  
FIG. 5.9 &  
FIG. 5.60

FIG. 31 DISTRIBUIÇÕES DISCRETAS DE POISSON (PARA EVENTOS RAROS).



HASTINGS AND  
PEACOCK  
STATISTICAL  
DISTRIBUTIONS  
FIG. 20.1



$p \rightarrow$  PROBABILIDADE DO DEFETUOSO POR TENTATIVA

$k \rightarrow$  NÚMERO DE ELEMENTOS DEFETIVOS PRÉ-FIXADO PARA AS n TENTATIVAS

Fig. 32 - EXEMPLOS DE DISTRIBUIÇÕES DISCRETAS BINOMIAIS NEGATIVAS



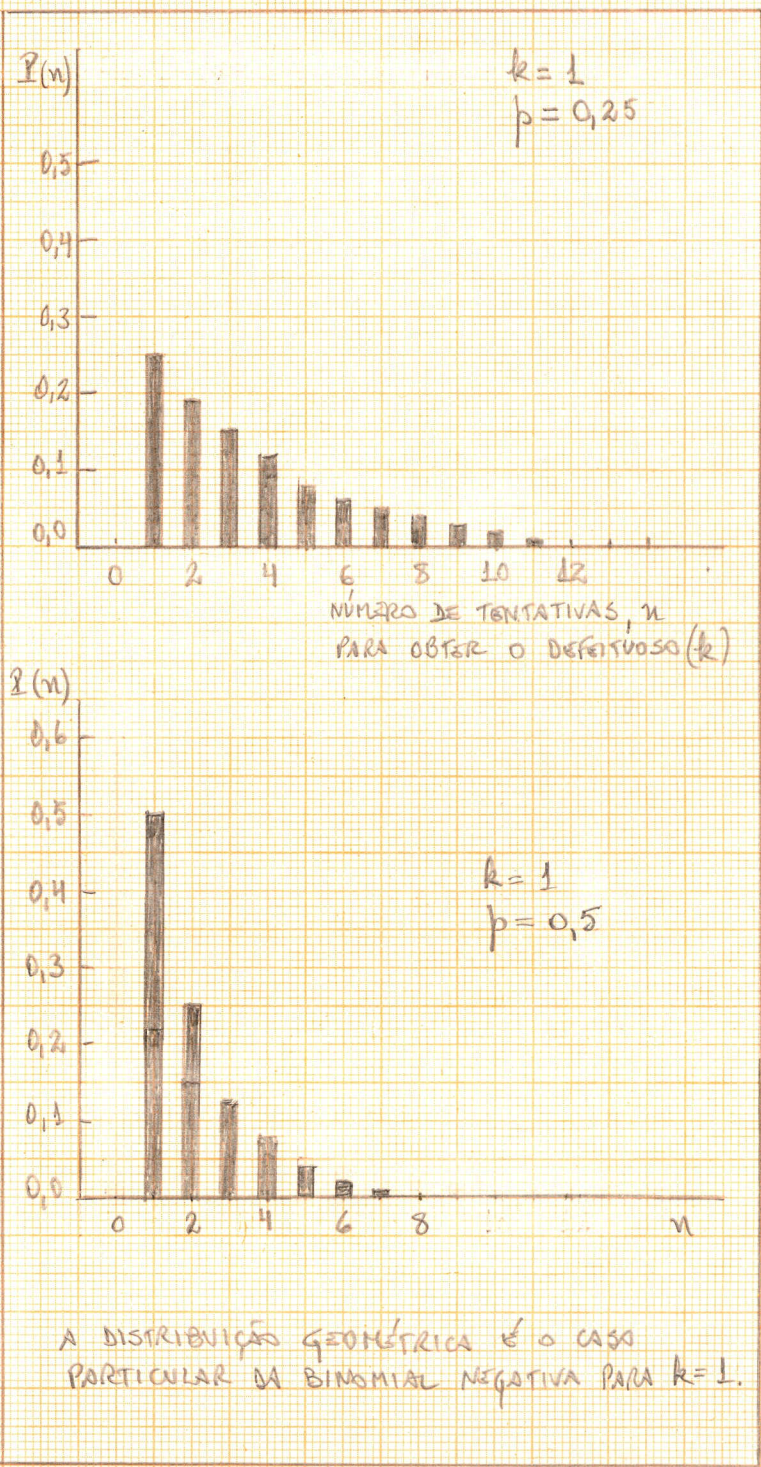


Fig. 33 EXEMPLOS DA DISTRIBUIÇÃO DISCRETA GEOMÉTRICA.